



**Estratégia**  
Militares



# Simulado de Física EN

Simulado de Física



Prof. Toni Burgatto

Simulado

# Sumário

APRESENTAÇÃO

12. VERSÕES DAS AULAS

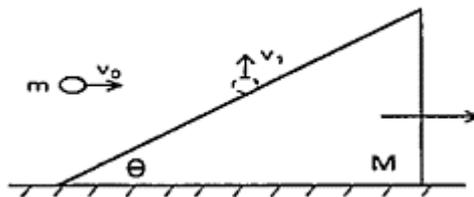
**Erro! Indicador não definido.**

**Erro! Indicador não definido.**



1. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)

Analise a figura abaixo.



A Figura mostra uma pequena bola de massa  $m$  imediatamente antes e imediatamente depois de colidir elasticamente com uma cunha de massa  $M = (4/3)m$  e ângulo  $\theta = 45^\circ$ , que por sua vez encontra-se inicialmente em repouso sobre uma superfície horizontal sem atrito. Imediatamente antes da colisão a bola tem uma velocidade horizontal de módulo  $v_0$ . Sabendo-se que, imediatamente depois da colisão, a bola se move para cima na vertical com velocidade de módulo  $v_1$  enquanto que a cunha adquire uma velocidade horizontal, qual a razão  $v_1/v_0$ ?

- (A)  $1/3$                       (B)  $1/2$                       (C)  $\sqrt{\frac{1}{3}}$                       (D)  $\sqrt{\frac{1}{2}}$                       (E)  $\sqrt{\frac{2}{3}}$

**Comentários:**

Como não há força externa na horizontal, o momento linear do sistema se conserva. Daí, seja  $V$  a velocidade da cunha, temos:

$$mV_0 = MV = \frac{4}{3}mV$$

$$V = \frac{3}{4}V_0$$

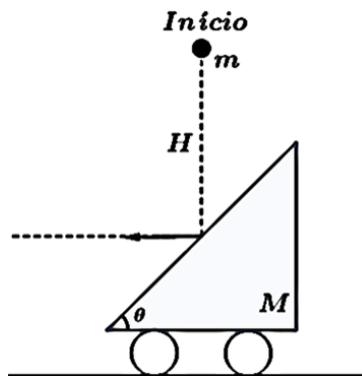
Além disso, como o sistema é conservativo, temos:

$$\frac{mV_0^2}{2} = \frac{mV_1^2}{2} + \frac{MV^2}{2} = \frac{mV_1^2}{2} + \frac{\frac{4}{3}m\left(\frac{3}{4}V_0\right)^2}{2}$$

$$\therefore \boxed{V_1 = \frac{1}{2}V_0}$$

Observação: quando temos uma colisão com anteparo móvel, alguns autores divergem com relação ao fato de ter conservação de energia, pois existe a colisão da cunha móvel com o solo. No material do Estratégia Militares, no curso da Escola Naval, é feita a demonstração para o cálculo do coeficiente de restituição para esse tipo de problema. A demonstração é a seguinte:

Considere uma cunha de massa  $M$  apoiada sobre rodas em uma superfície horizontal perfeitamente lisa. Uma bola de tênis de massa  $m$  é solta de uma altura  $H$  e colide com a cunha como mostra a figura abaixo:

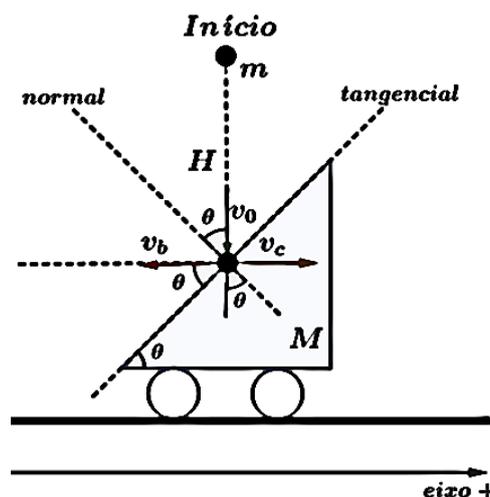


Se após a colisão a bola sai na direção horizontal, qual será o coeficiente de restituição e a velocidade da cunha para alguém que está em repouso no solo?

Inicialmente, devemos conhecer a velocidade da bola logo antes de colidir com a parede da cunha. Para isso, vamos utilizar o conceito de energia mecânica, tomando como referencial para a energia potencial gravitacional nível onde a bola toca a cunha:

$$(E_{mec})_{antes\ choque} = (E_{mec})_{início} \Rightarrow \frac{1}{2} m \cdot v_0^2 = m \cdot g \cdot H \Rightarrow \boxed{v_0 = \sqrt{2 \cdot g \cdot H}} \text{ (eq. 2.7.3)}$$

Vamos tomar todas as velocidades em relação à Terra. Além disso, vamos denominar a o módulo da velocidade da bola após o choque por  $v_b$  e a velocidade da cunha por  $v_c$ . Na colisão, as forças impulsivas têm direção normal e, assim, há conservação da quantidade de movimento na direção tangencial. Esquemáticamente, temos:



Pela conservação da quantidade de movimento na direção tangencial durante o choque, temos:

$$m \cdot v_0 \cdot \text{sen } \theta = m \cdot v_b \cdot \text{cos } \theta \Rightarrow \boxed{v_0 \cdot \text{sen } \theta = v_b \cdot \text{cos } \theta} \text{ (eq. 2.7.4)}$$



Além disso, o sistema constituído pela bola e pela cunha não possui forças externas atuando na direção horizontal. Por isso, a quantidade de movimento se conserva nessa direção:

$$(Q_{horizontal})_{final} = (Q_{horizontal})_{inicial} \Rightarrow M \cdot v_c + m \cdot (-v_b) = 0 + 0 \Rightarrow \boxed{M \cdot v_c = m \cdot v_b} \quad (2.7.5)$$

De acordo com a definição de coeficiente de restituição, temos:

$$e = \frac{|v_{relativa \text{ logo após}}|_{normal}}{|v_{relativa \text{ logo antes}}|_{normal}} = \frac{v_b \cdot \text{sen } \theta + v_c \cdot \text{sen } \theta}{v_0 \cdot \text{cos } \theta} \Rightarrow e = \frac{v_b \cdot \text{sen } \theta + v_c \cdot \text{sen } \theta}{v_0 \cdot \text{cos } \theta}$$

Substituindo  $v_0$  da equação 2.7.4 e  $v_c$  da equação 2.7.5 na expressão de  $e$ , temos:

$$e = \frac{v_b \cdot \text{sen } \theta + \frac{m \cdot v_b}{M} \cdot \text{sen } \theta}{\frac{v_b \cdot \text{cos } \theta}{\text{sen } \theta} \cdot \text{cos } \theta} \Rightarrow e = \frac{\text{sen}^2 \theta}{\text{cos}^2 \theta} + \frac{m}{M} \cdot \frac{\text{sen}^2 \theta}{\text{cos}^2 \theta}$$

$$\therefore \boxed{e = \text{tg}^2 \theta \cdot \left(1 + \frac{m}{M}\right)}$$

Dividindo a equação 2.7.5 por 2.7.4, temos:

$$\frac{M \cdot v_c}{v_0 \cdot \text{sen } \theta} = \frac{m \cdot v_b}{v_b \cdot \text{cos } \theta} \Rightarrow v_c = \frac{m}{M} \cdot \text{tg} \theta \cdot v_0 \Rightarrow \boxed{v_c = \frac{m}{M} \cdot \text{tg} \theta \cdot \sqrt{2 \cdot g \cdot H}}$$

Caso seja conhecido o coeficiente de restituição e não o ângulo da cunha, temos que:

$$v_c = \frac{m}{M} \cdot \text{tg} \theta \cdot \sqrt{2 \cdot g \cdot H} \Rightarrow v_c = \frac{m}{M} \cdot \sqrt{\frac{e}{1 + \frac{m}{M}}} \cdot \sqrt{2 \cdot g \cdot H}$$

$$\therefore \boxed{v_c = \frac{m}{M} \cdot \sqrt{\frac{2 \cdot g \cdot H \cdot e}{1 + \frac{m}{M}}}}$$

Note que se usarmos as condições do problema proposto pela Escola Naval, com  $e = 1$  e  $\theta = 45^\circ$ , então na equação do coeficiente de restituição, teríamos:

$$1 = 1^2 \left(1 + \frac{m}{M}\right)$$

$$\frac{m}{M} = 0$$

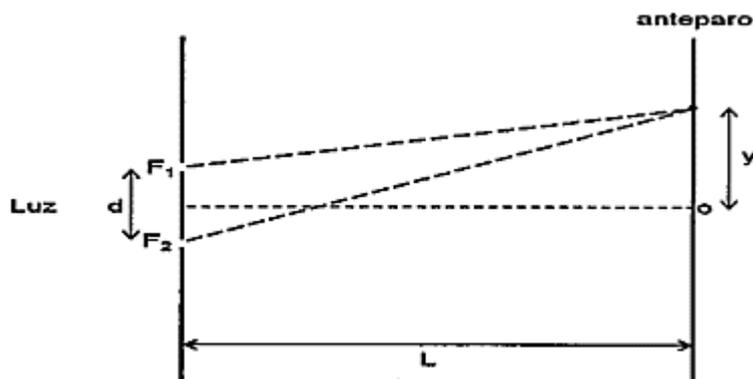
Isso quer dizer que  $M \gg m$ , ou seja, a cunha não se move, o que é completamente inconsistente com o que ele propõe. Sendo assim, a questão deveria ser anulada.

**Gabarito: B\***



2. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)

Observe a figura abaixo.



Numa experiência de interferência de Young as fendas, estreitas e paralelas,  $F_1$  e  $F_2$ , são iluminadas com luz monocromática de frequência  $f$  em um meio em que a velocidade da luz é  $c$ . Obtém-se no anteparo distante um sistema de franjas, em que o máximo central, localizado em O, está separado do segundo mínimo seguinte, da distância  $y$ . Sendo  $d$  a distância entre as fendas e  $L$  a distância entre as fendas e o anteparo (com  $\frac{d}{L} \cong 0$ ), a razão  $y/L$  é dada por:

- (A)  $\frac{c}{2fd}$       (B)  $\frac{c}{3fd}$       (C)  $\frac{3c}{2fd}$       (D)  $\frac{3fd}{2c}$       (E)  $\frac{fd}{2c}$

**Comentários:**

A equação que descreve a experiência é:

$$\Delta x = d \cdot \text{sen}(\theta)$$

$$k \cdot \frac{\lambda}{2} = d \cdot \text{tg}(\theta)$$

Lembre-se que para  $\theta$  pequeno,  $\text{sen}(\theta) = \text{tg}(\theta) = y/L$ . Portanto:

$$d \frac{y}{L} = k \frac{\lambda}{2} = k \frac{c}{2f}$$

Para o segundo mínimo, temos  $k = 3$ . Daí:

$$\therefore \boxed{\frac{y}{L} = \frac{3c}{2fd}}$$

**Gabarito: C**



**3. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Um projétil de peso  $P$ , é lançado a partir de uma superfície horizontal plana. Considere que durante todo o voo do projétil sopra um vento contrário, na horizontal, aplicando ao projétil uma força horizontal constante de módulo  $P/4$ . Sabendo-se que não há interferência do vento na direção vertical, de que ângulo com a superfície horizontal o projétil deve ser lançado de modo que a altura máxima alcançada pelo projétil seja igual ao seu alcance ao retornar ao solo?

- (A)  $\arctg(2)$                       (B)  $\arctg(1)$                       (C)  $\arctg(4/5)$   
 (D)  $\arctg(2/3)$                       (E)  $\arctg(1/2)$

**Comentários:**

Na horizontal, temos uma aceleração  $a_x = -\frac{P}{4m} = -\frac{g}{4}$ , enquanto na vertical há uma aceleração  $-g$ . Assim, as equações de movimento são:

$$x = v_0 \cos\theta \cdot t - \frac{g}{4} t^2; y = v_0 \sin\theta \cdot t - \frac{gt^2}{2}$$

Sabendo que a velocidade vertical obedece à  $v_y = v_0 \sin\theta - gt$ , o ponto de altura máxima é quando  $v_y = 0$ , ou seja,  $t = \frac{v_0 \sin\theta}{g}$ . Daí,  $h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2\theta}{2g}$ . Além disso, o tempo total de voo, por simetria, é o dobro desse tempo, isto é,  $\frac{2v_0 \sin\theta}{g}$ . Assim, temos que o alcance é tal que:

$$A = v_0 \cos\theta \frac{2v_0 \sin\theta}{g} - \frac{g}{4} \left( \frac{2v_0 \sin\theta}{g} \right)^2 = \frac{v_0^2}{2g} (4 \sin\theta \cos\theta - \sin^2\theta)$$

Portanto, temos:

$$h_{\max} = A \leftrightarrow \sin^2\theta = 4 \sin\theta \cos\theta - \sin^2\theta$$

$$\therefore \boxed{\theta = \arctg 2}$$

**Gabarito: A**

**4. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Observe a figura abaixo.



**5. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Uma máquina térmica recebe calor de uma fonte quente com temperatura de  $927^{\circ}\text{C}$  e dissipa o calor para uma fonte fria a  $27^{\circ}\text{C}$ . Sabendo que a taxa de calor recebido é de  $100\text{ kJ/s}$  e que o seu máximo rendimento é 2,5 vezes maior que o rendimento real, a potência útil, em kW, que essa máquina poderá produzir será de:

- (A) 30,3                      (B) 45,0                      (C) 75,0                      (D) 84,0                      (E) 90,0

**Comentários:**

A temperatura absoluta da fonte quente é de  $1200\text{ K}$ , enquanto que da fonte fria é  $300\text{ K}$ . Daí, segue:

$$\eta_{\text{Carnot}} = 2,5\eta_{\text{real}}$$

$$1 - \frac{T_F}{T_Q} = 2,5 \frac{Pot_{\text{útil}}}{Pot_{\text{rec}}}$$

$$1 - \frac{300}{1200} = 2,5 \frac{Pot_{\text{útil}}}{100}$$

$$Pot_{\text{útil}} = 30 \frac{\text{kJ}}{\text{s}}$$

$$\therefore \boxed{Pot_{\text{útil}} = 30\text{ kW}}$$

**6. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

A companhia de água e esgoto de uma cidade instalou  $70\text{ km}$  de tubulação para abastecimento de um novo bairro com capacidade de conduzir  $1,20\text{ m}^3/\text{s}$  de água por dia. Admita que no ponto de captação de água a área da secção transversal da tubulação seja de  $0,600\text{ m}^2$  e possua uma pressão igual a  $400\text{ KPa}$ . A diferença entre o nível do ponto de captação e o ponto de abastecimento de água é de  $40,0\text{ m}$  de altura. Sabendo que a área da secção transversal da tubulação no ponto de abastecimento é de  $0,150\text{ m}^2$ , determine a pressão da água na tubulação no ponto de abastecimento e assinale a opção correta.

Dados:  $g = 10\text{ m/s}^2$ ,  $\rho_{\text{água}} = 10^3\text{ kg/m}^3$  e o escoamento é laminar, em regime estacionário e pode-se desprezar a viscosidade da água.



(A) 370 kPa

(B) 770 kPa

(C) 800 kPa

(D) 830 kPa

(E) 834 kPa

**Comentários:**

Pela equação da continuidade, temos:

$$\phi = 1,2 = 0,6v_1 = 0,15v_2$$

$$v_1 = 2 \frac{m}{s}; v_2 = 8 \frac{m}{s}$$

Assim, pela equação de Bernoulli, temos:

$$P_1 + \rho gh_1 + \frac{\rho v_1^2}{2} = P_2 + \rho gh_2 + \frac{\rho v_2^2}{2}$$

$$400 \cdot 10^3 + 10^3 \cdot 10 \cdot 40 + \frac{10^3 \cdot 2^2}{2} = P_2 + \frac{10^3 \cdot 8^2}{2}$$

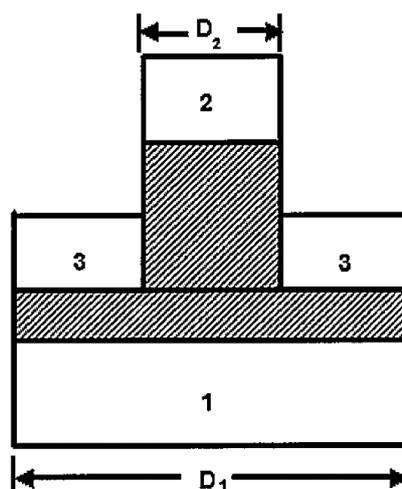
$$P_2 = 770 \cdot 10^3 Pa$$

$$\therefore \boxed{P_2 = 770 kPa}$$

**Gabarito: B**

**7. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Observe a figura abaixo.



A figura acima representa um conjunto de dois pistões de diâmetros  $D_1$  e  $D_2$  em equilíbrio no interior de dois cilindros fechados. Considerando que a pressão na câmara 2 é  $P_2$  e é duas vezes maior que a pressão  $P_3$  na câmara 3, qual a pressão na câmara 1?



(A)  $P_2 \frac{D_1^2 + 2D_2^2}{D_1^2}$

(B)  $P_2 \frac{D_1^2 + D_2^2}{D_1^2}$

(C)  $P_3 \frac{D_1^2 + D_2^2}{D_1^2}$

(D)  $P_3 \frac{3D_2^2 - D_1^2}{D_1^2}$

(E)  $P_2 \frac{D_1^2 - D_2^2}{D_1^2}$

**Comentários:**

Pelo equilíbrio do conjunto de pistões, temos:

$$P_2 \frac{\pi D_2^2}{4} + P_3 \left( \frac{\pi D_1^2}{4} - \frac{\pi D_2^2}{4} \right) = P_1 \frac{\pi D_1^2}{4}$$

Como  $P_2 = 2P_3$ , segue:

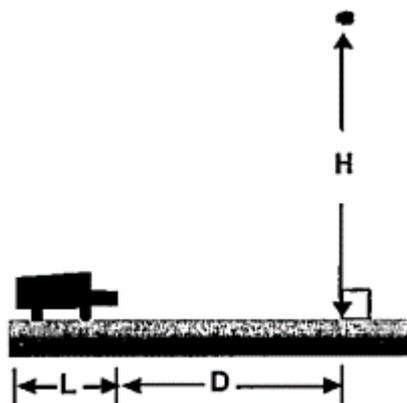
$$P_3 \left( \frac{\pi D_1^2}{4} + \frac{\pi D_2^2}{4} \right) = P_1 \frac{\pi D_1^2}{4}$$

$$\therefore P_1 = P_3 \frac{D_1^2 + D_2^2}{D_1^2}$$

**Gabarito: C**

**8. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Observe a figura abaixo.



Uma pequena pedra é lançada verticalmente para baixo, de cima de uma passarela de altura  $H = 8,75$  m, a uma velocidade de  $15,0$  m/s, para atingir um automóvel de comprimento  $L = 3,5$  m, que trafega em uma rodovia plana se aproximando da passarela. No instante em que a pedra é lançada, o automóvel está com uma velocidade de  $12,0$  m/s e aceleração constante de  $4,0$  m/s<sup>2</sup>. Sabendo que a pedra atingiu a rodovia

imediatamente após a traseira do automóvel ter passado pelo ponto de colisão entre a pedra e a rodovia, qual a distância  $D$  em que o automóvel se encontra da passarela no instante do lançamento?

Dado:  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

- (A) 2,0 m                      (B) 2,5 m                      (C) 3,0 m                      (D) 4,5 m                      (E) 6,5 m

**Comentários:**

Para o movimento da pedra, o tempo de queda é tal que:

$$-H = -v_0 \cdot t - \frac{gt^2}{2}$$

$$-8,75 = -15t - 5t^2$$

$$5t^2 + 15t - 8,75 = 0$$

$$t = \frac{-15 \pm 20}{10}$$

Como  $t > 0$ , segue:

$$t = 0,5s$$

Para o movimento do carrinho, temos:

$$L + D = V_0 \cdot t + \frac{at^2}{2}$$

$$3,5 + D = 12 \cdot 0,5 + \frac{4 \cdot 0,5^2}{2}$$

$$\therefore \boxed{D = 3,0 \text{ m}}$$

**Gabarito: C**

---

**9. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Observe a figura abaixo.





Um objeto de massa  $M$  de dimensões desprezíveis é preso ao topo de uma mola ideal vertical que está fixada ao chão. O comprimento inicial da mola sem o objeto é  $L_M$ . Quando o objeto estiver em equilíbrio, o comprimento da mola é  $L_E$ . Em um determinado instante, quando o objeto está repousando em sua posição de equilíbrio, ele recebe um golpe forte para baixo com um martelo de forma que sua velocidade inicial seja  $v$ . Sendo  $g$  a aceleração da gravidade, determine a altura máxima acima do chão que o objeto poderá alcançar e assinale a opção correta.

(A)  $v \sqrt{\frac{L_M + L_E}{g}}$

(B)  $v \sqrt{\frac{L_M - L_E}{g}} + L_E$

(C)  $v \sqrt{\frac{v(L_M - L_E)}{g}} + L_E$

(D)  $v \sqrt{\frac{M^2 g}{L_M - L_E}} + L_M$

(E)  $v \sqrt{\frac{L_M - L_E}{g}} + L_M$

**Comentários:**

Seja  $k$  a constante da mola e  $L_E < L_M$  o comprimento da mola na situação de equilíbrio. Daí, temos:

$$k(L_M - L_E) = Mg$$

Após o golpe, sendo  $A$  a amplitude do MHS, temos por conservação de energia:

$$\frac{Mv^2}{2} = \frac{kA^2}{2}$$

$$A = v \sqrt{\frac{M}{k}}$$

Portanto, a altura máxima atingida pelo objeto é:

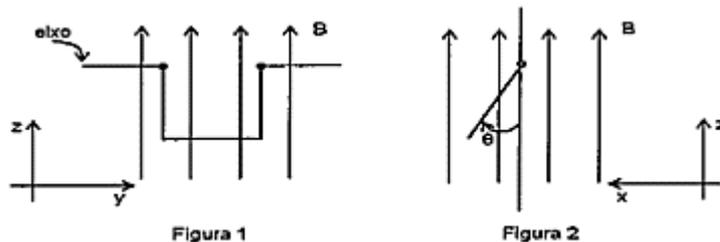
$$H = A + L_E$$

$$\therefore H = v \sqrt{\frac{L_M - L_E}{g}} + L_E$$



**10. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Observe as figuras abaixo.

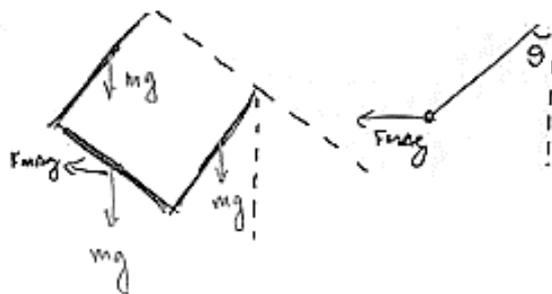


A figura 1 mostra um fio condutor de densidade volumétrica  $\rho$  e secção reta A, dobrado na forma de U com os três lados iguais, inicialmente dispostos no plano  $yz$ . O fio pode girar em torno de um eixo horizontal fixo e está imerso em um campo magnético uniforme vertical B dirigido para cima. Quando pelo condutor passa uma corrente elétrica, o condutor se desloca e, após estabelecido o equilíbrio, passa a fazer um ângulo  $\theta$  com a vertical, conforme ilustrado na Figura 2. Sendo  $g$  a aceleração da gravidade, a intensidade da corrente elétrica é dada por:

- (A)  $\frac{2g\rho}{AB} tg(\theta)$
- (B)  $\frac{gA\rho}{B} sen(\theta)$
- (C)  $\frac{BA\rho}{g} sen(\theta)$
- (D)  $\frac{gA\rho}{2B} tg(\theta)$
- (E)  $\frac{2gA\rho}{B} tg(\theta)$

**Comentários:**

Fazendo um esquema do que acontece com a espira, temos:



Para o equilíbrio da espira, o torque em relação ao eixo de giro deve ser nulo. Portanto:

$$mg \cdot L \cdot sen(\theta) + 2mg \cdot \frac{L}{2} \cdot sen(\theta) = F_{mag} \cdot Lcos(\theta)$$

$$2mgLsen(\theta) = BiL \cdot Lcos(\theta)$$

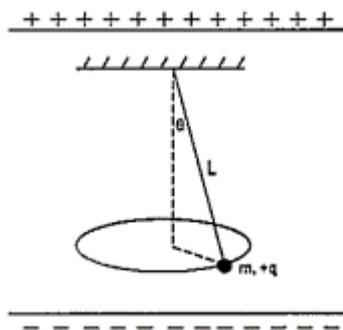
$$2 \cdot \rho \cdot A \cdot L \cdot L \cdot \operatorname{tg}(\theta) = B \cdot i \cdot L \cdot L$$

$$\therefore i = \frac{2\rho Ag}{B} \operatorname{tg}(\theta)$$

**Gabarito: E**

**11. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Analise a figura abaixo.



A figura acima mostra um pêndulo cônico na região entre duas placas planas e paralelas, uniformemente carregadas. O pêndulo consiste em um pequeno objeto de massa  $m = 1 \cdot 10^{-4} \text{ kg}$  carregado eletricamente, com uma carga  $q = +4 \cdot 10^{-6} \text{ C}$ , preso à extremidade inferior de um fio fino isolante, de comprimento  $L = 2 \cdot 10^{-1} \text{ m}$ , movendo-se em um circunferência horizontal com velocidade constante. Sendo  $\theta = 30^\circ$  o ângulo de inclinação do fio com a direção vertical e  $5 \cdot 10^2 \text{ N/C}$  o campo elétrico uniforme estabelecido entre as placas, qual a energia cinética do pêndulo, em joules?

Dado:  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

- (A)  $5\sqrt{3} \cdot 10^{-4}$                       (B)  $2\sqrt{3} \cdot 10^{-4}$                       (C)  $\frac{5\sqrt{3}}{3} \cdot 10^{-4}$   
 (D)  $\frac{2\sqrt{3}}{3} \cdot 10^{-5}$                       (E)  $5\sqrt{3} \cdot 10^{-5}$

**Comentários:**

Na direção vertical, temos:

$$mg + qE = T \cos \theta$$

$$10^{-4} \cdot 10 + (4 \cdot 10^{-6}) \cdot (5 \cdot 10^2) = T \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$T = \frac{6 \cdot 10^{-3}}{\sqrt{3}} = 2\sqrt{3} \cdot 10^{-3}$$

Enquanto no plano da circunferência:

$$T \sin \theta = \frac{mv^2}{L \sin \theta}$$

$$\frac{mv^2}{2} = E_c = \frac{TL \sin^2 \theta}{2}$$

$$E_c = \frac{(2\sqrt{3} \cdot 10^{-3}) \cdot (2 \cdot 10^{-1}) \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^2}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 10^{-4}$$

$$\therefore \boxed{E_c = 5\sqrt{3} \cdot 10^{-5} \text{ J}}$$

**Gabarito: E**

## 12. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)

Duas partículas A e B de massa  $m$  e  $2m$ , respectivamente, são liberadas a partir do repouso a uma distância  $d$  uma da outra. Em seguida as partículas se moverão exclusivamente sob o efeito da atração gravitacional mútua. Sendo  $G$  a constante gravitacional, quando a distância entre as partículas se reduzir a  $d/2$ , o módulo da velocidade de A será dado por:

(A)  $\sqrt{\frac{Gm}{2d}}$

(B)  $\sqrt{\frac{Gm}{3d}}$

(C)  $2\sqrt{\frac{2Gm}{3d}}$

(D)  $3\sqrt{\frac{Gm}{2d}}$

(E)  $3\sqrt{\frac{3Gm}{2d}}$

### Comentários:

Uma vez que não há força externa, conservando o momento linear do sistema, temos:

$$mv_A - 2mv_B = 0$$

$$v_B = \frac{v_A}{2}$$

Além disso, o sistema é conservativo. Daí:

$$-\frac{Gm2m}{d} = -\frac{Gm2m}{\frac{d}{2}} + \frac{mv_A^2}{2} + \frac{2m\left(\frac{v_A}{2}\right)^2}{2}$$

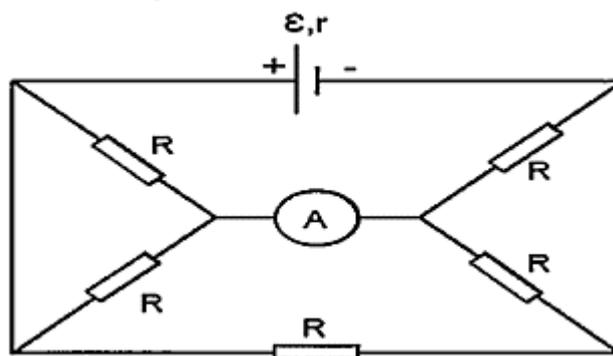


$$\therefore v_A = 2 \sqrt{\frac{2Gm}{3d}}$$

Gabarito: C

13. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)

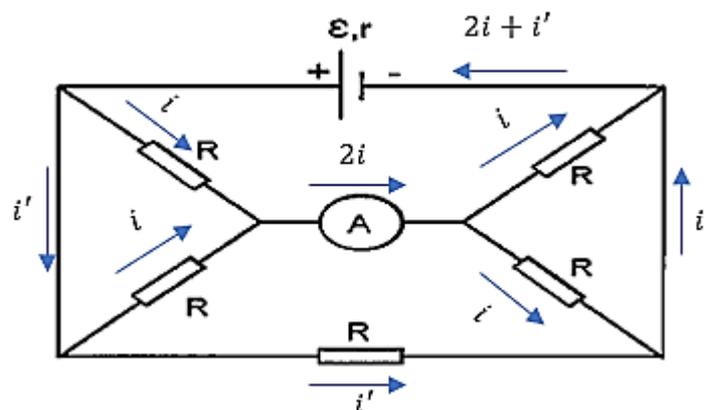
Analise a figura abaixo.



No circuito elétrico ilustrado na figura acima estão representados um gerador de força eletromotriz  $\varepsilon = 4,0 \text{ V}$  e resistência interna  $r = 1,0 \Omega$ , cinco resistores de resistência  $R = 2 \Omega$  e um amperímetro ideal A. Sabendo-se que os fios de ligação têm resistência desprezíveis, qual o valor da intensidade da corrente elétrica, em amperes, medida pelo amperímetro?

- (A) 0,50                      (B) 1,0                      (C) 1,5                      (D) 2,0                      (E) 2,5

Comentários:



Assim, temos:

$$U = \varepsilon - r(2i + i') = 2Ri = Ri'$$

$$\therefore i = \frac{\varepsilon}{4r + 2R} = 0,5 A$$

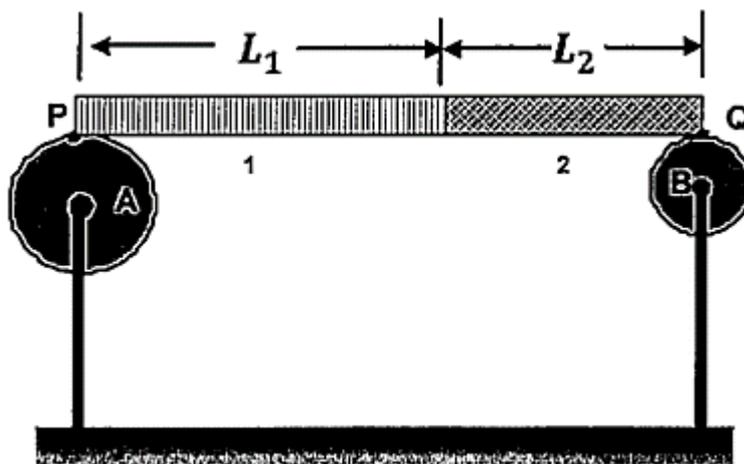
Portanto, a corrente no amperímetro é:

$$\therefore \boxed{I = 2i = 1 A}$$

**Gabarito: B**

**14. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Observe a figura abaixo.



A figura acima mostra uma barra composta por dois materiais metálicos distintos 1 e 2, cujos comprimentos, a uma temperatura  $T_0$ , são  $L_1$  e  $L_2$ , com  $L_1 = 1,5L_2$ . A barra encontra-se apoiada sobre dois cilindros presos a uma haste vertical, que podem girar, sem atrito, em torno de seus respectivos eixos. A barra toca os cilindros em suas extremidades nos pontos P e Q e é aquecida a uma determinada temperatura  $T_F$ . À medida que ocorre a dilatação térmica linear da barra, os cilindros A, de raio  $R_A$ , e B, de raio  $R_B$ , com  $R_A = 1,2R_B$ , giram em torno de seus respectivos eixos  $45^\circ$  e  $60^\circ$ , respectivamente, a partir de seus pontos de contato com a barra. Sabendo que a barra não desliza sobre os cilindros e que  $\alpha_1$  e  $\alpha_2$  são os coeficientes de dilatação térmica lineares, respectivamente, dos materiais 1 e 2, qual a razão  $\alpha_1/\alpha_2$ ?

- (A) 3/5                      (B) 3/4                      (C) 9/10                      (D) 1                      (E) 8/5

**Comentários:**

Considerando que a junção entre as barras não se movimenta, então podemos olhar apenas para o contato da barra 1 com o cilindro A, pois acontecerá a mesma coisa com a barra 2 e o cilindro B. Como não há perda de contato entre a barra e o cilindro, então:

$$\Delta L_1 = \frac{\pi}{4} \cdot R_A$$

$$L_1 \cdot \alpha_1 \cdot \Delta\theta = \frac{\pi}{4} \cdot R_A \text{ (eq. 1)}$$

Aplicando para o outro lado, temos:

$$L_2 \cdot \alpha_2 \cdot \Delta\theta = \frac{\pi}{3} \cdot R_B \text{ (eq. 2)}$$

Dividindo as duas equações, vem:

$$\frac{L_1 \cdot \alpha_1 \cdot \Delta\theta}{L_2 \cdot \alpha_2 \cdot \Delta\theta} = \frac{\frac{\pi}{4} \cdot R_A}{\frac{\pi}{3} \cdot R_B}$$

Simplificando e colocando as relações dadas, temos:

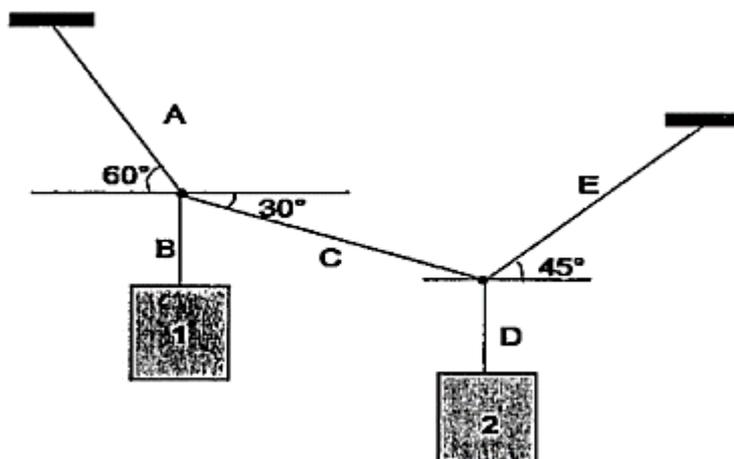
$$\frac{3}{2} \cdot \frac{\alpha_1}{\alpha_2} = \frac{3}{4} \cdot \frac{6}{5}$$

$$\therefore \boxed{\frac{\alpha_1}{\alpha_2} = \frac{3}{5}}$$

**Gabarito: A**

**15. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Observe a figura abaixo.



Na figura acima, os corpos 1 e 2 encontram-se em equilíbrio e estão suspensos por um conjunto de cinco fios ideais A, B, C, D e E. Se a massa do corpo 1 é 20 kg, a massa do corpo 2, em kg, deve ser igual a:

- (A)  $10(\sqrt{3} + 1)$                       (B)  $20\sqrt{3}$                       (C)  $20(\sqrt{3} + 1)$   
 (D)  $40\sqrt{3}$                       (E)  $100\sqrt{3}$

**Comentários:**

O peso do bloco 1 é  $m_1g = 200N$ .

Do equilíbrio do nó próximo ao bloco 1 e do bloco 1 em si, temos:

$$T_A \cos 60^\circ = T_C \cos 30^\circ; T_A \sin 60^\circ = T_B + T_C \sin 30^\circ; T_B = 200$$

$$\therefore \frac{T_A}{2} = \frac{T_C \sqrt{3}}{2}; \frac{T_A \sqrt{3}}{2} = T_B + \frac{T_C}{2}; T_B = 200$$

$$\therefore T_C = 200N$$

Do equilíbrio do nó próximo ao bloco 2 e do bloco 2 em si, temos:

$$T_C \cos 30^\circ = T_E \cos 45^\circ; T_C \sin 30^\circ + T_E \sin 45^\circ = T_D; T_D = m_2g = 10m_2$$

$$\therefore \frac{T_C \sqrt{3}}{2} = \frac{T_E \sqrt{2}}{2}; \frac{T_C}{2} + \frac{T_E \sqrt{2}}{2} = 10m_2$$

$$\therefore \boxed{m_2 = 10(\sqrt{3} + 1) \text{ kg}}$$

**Gabarito: A**

**16. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Com intuito de melhorar o conforto acústico dos militares embarcados nos navios da Marinha, instalou-se um decibelímetro na Praça de Máquinas de um navio patrulha fluvial que opera na região amazônica e verificou-se que o nível de intensidade sonora registrado foi de 80 dB (som 1). O comandante do navio instalou um dispositivo acústico que reduziu esse nível para 60 dB (som 2). Sendo  $I_1$  e  $I_2$  as intensidades sonoras, respectivamente, dos sons 1 e 2, determine a razão  $I_1/I_2$  e assinale a opção correta.

- (A) 2                      (B) 10                      (C) 14                      (D) 20                      (E) 100

**Comentários:**



O nível de intensidade sonora é dado por  $I = 10 \log \frac{I}{I_0}$ . Daí, temos:

$$80 = 10 \log \frac{I_1}{I_0}; 60 = 10 \log \frac{I_2}{I_0}$$

$$\therefore I_1 = 10^8 I_0; I_2 = 10^6 I_0$$

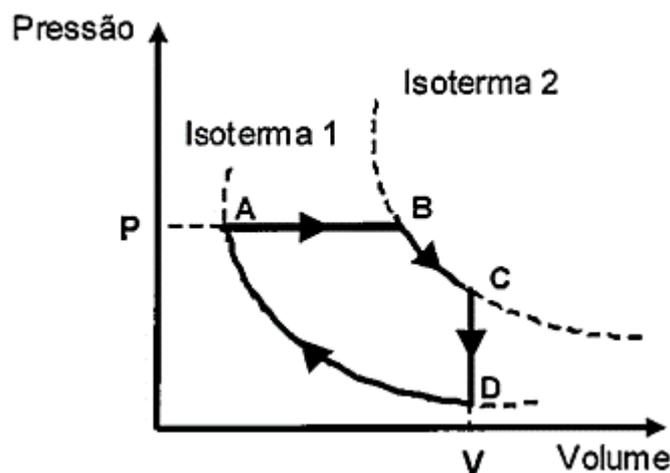
Portanto:

$$\therefore \frac{I_1}{I_2} = 10^2 = 100$$

**Gabarito: E**

**17. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Observe a figura abaixo.



O diagrama P x V da figura acima, representa as quatro transformações termodinâmicas, AB, BC, CD e DA, de um sistema de uma determinada massa de gás ideal. Considere as afirmativas abaixo referentes ao comportamento termodinâmico para esse sistema.

- I – No processo de transformação AB, o calor que o sistema absorveu foi menor do que o trabalho que ele realizou.
- II – A energia interna do sistema no estado C é menor do que no estado A.
- III – O sistema absorve calor do meio ambiente na transformação AB.
- IV – Na transformação BC não há variação da energia interna do sistema.
- V – Na transformação CD a energia interna do sistema diminui e não há realização de trabalho.



Assinale a opção que apresenta as afirmativas corretas.

- (A) I e II
- (B) I e III
- (C) I, III e IV
- (D) II, III e V
- (E) III, IV e V

**Comentários:**

I – Falsa. O calor que o sistema absorveu foi maior do que o trabalho que ele realizou, já que como se trata de uma expansão isobárica,  $Q > 0$ ,  $W > 0$ ,  $\Delta U > 0$  e  $Q = W + \Delta U$ .

II – Falsa. A energia interna no estado C é maior do que no estado A, já que  $T_C > T_A$ .

III – Verdadeiro. Trata-se de uma expansão isobárica.

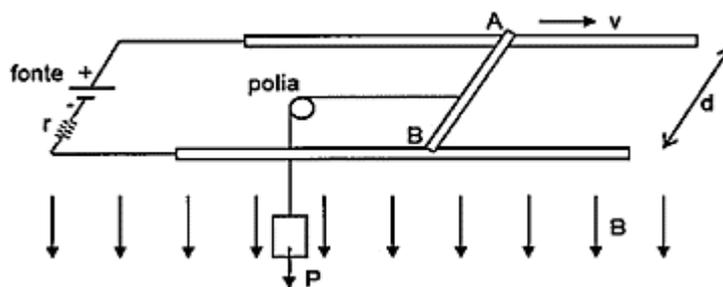
IV – Verdadeira. Trata-se de uma transformação isotérmica.

V – Verdadeira. Trata-se de uma transformação isocórica, na qual a pressão diminui e a temperatura diminui na mesma proporção.

**Gabarito: E**

**18. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

Observe a figura abaixo.



A figura acima representa a montagem de um sistema formado por dois trilhos fixos condutores, paralelos entre si, ligados a uma fonte de fem com resistência interna  $r = 1,0 \Omega$ . Sobre os trilhos encontra-se apoiada uma haste metálica AB, de comprimento  $d = 1,0 \text{ m}$ , que pode se deslocar horizontalmente. Não há atrito entre os trilhos e a haste. O sistema encontra-se dentro de um campo de indução magnética  $B = 0,50 \text{ T}$ , uniforme, dirigido para baixo, perpendicularmente ao plano do sistema. A haste e os trilhos

possuem resistências desprezíveis e a haste é ligada a um bloco de peso  $P = 30 \text{ N}$  por meio de um fio ideal, preso ao centro da haste e passando por uma polia ideal fixa. Para que o bloco seja erguido com uma velocidade constante  $v = 10 \text{ m/s}$ , qual deve ser o módulo da fem da fonte, em volts?

(A) 50

(B) 55

(C) 60

(D) 65

(E) 70

**Comentários:**

A fem induzida é tal que:

$$\varepsilon_{ind} = BdV$$

Assim, a corrente no circuito é:

$$i = \frac{\varepsilon - \varepsilon_{ind}}{r} = \frac{\varepsilon - BdV}{r}$$

Do equilíbrio dinâmico, temos:

$$Bid = T = P$$

$$B \left( \frac{\varepsilon - BdV}{r} \right) d = P$$

$$\varepsilon = \frac{Pr}{Bd} + BdV$$

$$\varepsilon = \frac{30 \cdot 1}{0,5 \cdot 1} + 0,5 \cdot 1 \cdot 10$$

$$\therefore \boxed{\varepsilon = 65 \text{ V}}$$

**Gabarito: D**

**19. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)**

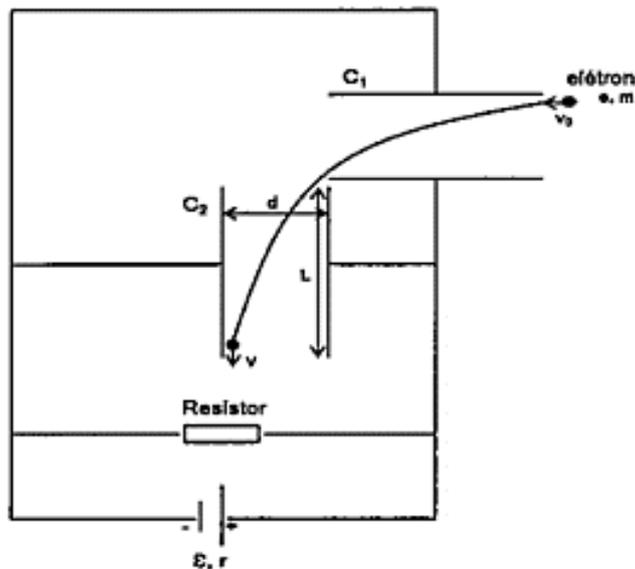
Observe a figura abaixo.





20. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)

Analise a figura abaixo.



No circuito elétrico mostrado no esquema da figura acima, um gerador de fem  $\varepsilon$  e resistência interna  $r$  é ligado a um resistor e a dois capacitores planos idênticos e perpendiculares entre si,  $C_1$  e  $C_2$ , operando em regime permanente. A distância entre as placas dos capacitores é  $d$  e o comprimento das placas,  $L$ . Um elétron de massa  $m$  e carga  $e$  penetra horizontalmente na região entre as placas do capacitor  $C_1$ , próximo à placa superior, com velocidade  $v_0$  constante paralela às placas. Sabendo que o elétron atravessa as regiões entre as placas dos capacitores e sai de  $C_2$ , próximo à placa da esquerda, com uma velocidade vertical paralela às placas de  $C_2$ , qual expressão permite calcular a resistência do resistor? Despreze os efeitos gravitacionais, bem como as variações do campo elétrico nas bordas dos capacitores.

- (A)  $rdmv_0^2/(\varepsilon L|e| + dm v_0^2)$                       (B)  $rdmv_0^2/(\varepsilon d|e| - Lm v_0^2)$   
 (C)  $r|e|mv_0^2/(\varepsilon L|e| + dm v_0^2)$                       (D)  $r|e|mv_0^2/(\varepsilon L|e| - dm v_0^2)$   
 (E)  $rdmv_0^2/(\varepsilon L|e| - dm v_0^2)$

**Comentários:**

No capacitor 2, temos pela relação trabalho-energia:

$$\frac{m0^2}{2} = \frac{mV_0^2}{2} - eU \dots U = \frac{mV_0^2}{2e}$$

Como  $r$  e  $R$  estão em série no estado estacionário, temos:

$$U = Ri; \quad \varepsilon = (R + r)i$$

$$\therefore U = \frac{\varepsilon R}{R + r}$$

Daí:

$$\frac{\varepsilon R}{R + r} = \frac{mV_0^2}{2e}$$

$$\therefore R = \frac{rmV_0^2}{2e\varepsilon - mV_0^2}$$

**Gabarito: Sem alternativa**

### 21. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)

Uma corda de violão de comprimento  $L$  e densidade linear  $\mu$  é colocada próxima a um alto-falante alimentado por um oscilador de frequência variável. Observa-se que, quando a frequência do oscilado varia continuamente em uma certa faixa de frequência, a corda do violão só oscila apreciavelmente em duas determinadas frequências,  $f_1$  e  $f_2$ . Sabendo-se que  $f_2$  é maior do que  $f_1$ , a tração a que a corda está submetida é dada pela expressão:

(A)  $4L^2(f_2 - f_1)^2\mu$

(B)  $2L(f_2 + f_1)\sqrt{\mu}$

(C)  $\frac{4L^2(f_2+f_1)^2}{\mu}$

(D)  $\frac{2L(f_2-f_1)}{\sqrt{\mu}}$

(E)  $2L^2(f_2 - f_1)^2\mu^2$

#### Comentários:

Os harmônicos do violão são descritos por:

$$f = \frac{nv}{2L} = \frac{n\sqrt{\frac{T}{\mu}}}{2L}$$

Para um certo harmônico  $n = k$ , temos  $f = f_1$ . E para um harmônico  $n = k + 1$ , temos  $f = f_2$ . Daí, segue:



$$f_1 = \frac{k\sqrt{\frac{T}{\mu}}}{2L}; f_2 = \frac{(k+1)\sqrt{\frac{T}{\mu}}}{2L}$$

$$\therefore k = 2Lf_1\sqrt{\frac{\mu}{T}} = 2Lf_2\sqrt{\frac{\mu}{T}} - 1$$

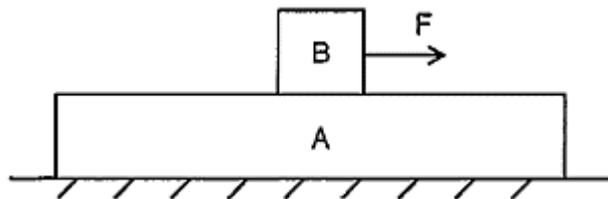
$$2L(f_2 - f_1)\sqrt{\frac{\mu}{T}} = 1$$

$$\therefore \boxed{T = 4L^2(f_2 - f_1)^2\mu}$$

Gabarito: A

## 22. (Estratégia Militares - Inédita - Prof. Toni Burgatto)

Analise a figura abaixo.



Na figura acima, o bloco A, de massa  $m$ , repousa sobre um piso horizontal sem atrito, enquanto que o bloco B, de massa  $m/4$ , repousa sobre o bloco A. O coeficiente de atrito estático entre os blocos é  $\mu$ . Sendo  $g$  a aceleração da gravidade, qual o módulo da maior força horizontal  $F$  que deve ser aplicada ao bloco B sem que os blocos deixem de se mover juntos?

- (A)  $\frac{5}{16}\mu mg$       (B)  $\frac{4}{5}\mu mg$       (C)  $\frac{5}{4}\mu mg$       (D)  $\frac{5}{3}\mu mg$       (E)  $\frac{3}{2}\mu mg$

### Comentários:

Para o bloco B, temos:

$$F - \mu N = \frac{m}{4}a; N = \frac{m}{4}g$$

$$a = \frac{4F}{m} - \mu g$$

Para o bloco A, temos:



$$\mu N = ma = \mu \frac{m}{4} g$$

$$a = \frac{\mu g}{4}$$

Comparando com a primeira equação, segue:

$$\frac{4F}{m} - \mu g = \frac{\mu g}{4}$$

$$\therefore F = \frac{5}{16} \mu mg$$

**Gabarito: A**

---

